

EXERCICE 2 (5 points)

Candidat n'ayant pas suivi l'enseignement de spécialité

Le tableau ci-dessous présente l'évolution du nombre d'internautes en Chine de 2002 à 2009. Les rangs des années sont calculés par rapport à l'année 2000.

Année	2002	2003	2004	2005	2006	2007	2008	2009
Rang de l'année x_i	2	3	4	5	6	7	8	9
Nombre d'internautes y_i (en millions)	60	70	95	100	140	160	250	385

On cherche à étudier l'évolution du nombre d'internautes en fonction du rang x de l'année.

- 1) Calculer le taux d'évolution de ce nombre d'internautes entre 2002 et 2009. On donnera le résultat à 0,1 près.
- 2) Représenter sur votre copie le nuage de points $M_i(x_i; y_i)$ associé à cette série statistique dans le plan muni d'un repère orthogonal en prenant pour unités graphiques :
 - Sur l'axe des abscisses, 1 cm pour 1 an,
 - Sur l'axe des ordonnées, 1 cm pour 20 millions d'internautes (en plaçant 50 à l'origine).
- 3) On cherche dans un premier temps un ajustement affine.
 - a) Déterminer une équation de la droite d'ajustement de y en x obtenue par la méthode des moindres carrés (*aucune justification n'est exigée, les calculs seront effectués à la calculatrice et les coefficients arrondis à l'unité*). Tracer cette droite sur le graphique précédent.
 - b) En supposant que cet ajustement reste valable pour l'année suivante, donner une estimation, arrondie au million, du nombre d'internautes en Chine en 2010.
- 4) Une étude récente a montré qu'au 1^{er} mai 2010, on a dépassé les 400 millions d'internautes en Chine. On envisage donc un ajustement exponentiel et on pose $z = \ln y$.
 - a) Recopier et compléter le tableau suivant en arrondissant les valeurs de z_i au millième :

x_i	2	3	4	5	6	7	8	9
$z_i = \ln y_i$	4,094							

- b) Déterminer une équation de la droite d'ajustement de z en x obtenue par la méthode des moindres carrés (*aucune justification n'est exigée, les calculs seront effectués à la calculatrice et les coefficients arrondis au millième*).
- c) En déduire une expression de y en fonction de x .
- d) En prenant l'approximation $y \approx 32,5 \times e^{0,253 x}$ et en supposant qu'elle reste valable pour les années suivantes, donner une estimation, arrondie au million, du nombre d'internautes en 2012.

EXERCICE 3 (5 points)

Commun à tous les candidats

Partie A

On considère la fonction f définie sur l'intervalle $I = [0 ; \frac{3}{2}]$ par $f(x) = \ln(-2x + 3) + 2x$.

La fonction f est dérivable sur l'intervalle I et on note f' sa fonction dérivée.

- 1) Étudier la limite de f en $\frac{3}{2}$.
- 2) a) Montrer que la fonction f' est définie sur l'intervalle I par $f'(x) = \frac{-4x + 4}{-2x + 3}$
b) Déterminer le signe de $f'(x)$ sur l'intervalle I et donner le tableau des variations de f .
- 3) a) Montrer que, sur l'intervalle $[0 ; 1]$, l'équation $f(x) = 1,9$ admet une unique solution α .
b) Donner une valeur approchée à 10^{-2} près par défaut de α .

Partie B Application de la partie A

Une entreprise, fournisseur d'énergie, envisage d'installer un parc d'éoliennes en pleine mer. L'installation du parc en mer nécessite un câblage coûteux et délicat, mais le fait d'éloigner les éoliennes des turbulences dues aux reliefs de la côte améliore leur rendement. On note x la distance en dizaines de kilomètres séparant le parc de la côte.

Pour des raisons techniques, l'installation doit se faire entre deux et douze kilomètres de la côte, c'est-à-dire qu'on a $0,2 \leq x \leq 1,2$.

Un service spécialisé, au sein de l'entreprise, arrive à la modélisation suivante :

Si l'installation se fait à x dizaines de kilomètres de la côte, le bénéfice en centaines de milliers d'euros réalisé, par année de fonctionnement du parc, est donné par $f(x)$.

- 1) a) À combien de kilomètres de la côte le fournisseur d'énergie doit-il placer le parc pour que son bénéfice soit maximal ?
b) Déterminer le bénéfice réalisé, en euros, en plaçant le parc à cette distance?
- 2) À partir de quelle distance x de la côte, exprimée en dizaines de kilomètres, le bénéfice dépasse-t-il 190 000 euros ?

EXERCICE 4 (6 points)

Commun à tous les candidats

Un producteur de fruits rouges propose en vente directe des framboises, des groseilles et des myrtilles.

Le client peut acheter soit des barquettes de fruits à déguster, soit des barquettes de fruits à confiture.

Le producteur a remarqué que, parmi ses clients, 9 sur 10 achètent une barquette de fruits à confiture. Lorsqu'un client achète une barquette de fruits à confiture, la probabilité qu'il demande une barquette de myrtilles est de 0,3 et la probabilité qu'il demande une barquette de groseilles est de 0,5. Lorsqu'un client achète une barquette de fruits à déguster, il ne demande jamais des groseilles et demande des framboises dans 60 % des cas.

Un client achète une barquette. On notera :

- C l'événement « le client achète une barquette de fruits à confiture »,
- F l'événement « le client demande des framboises »,
- G l'événement « le client demande des groseilles »,
- M l'événement « le client demande des myrtilles ».

- 1) Reporter sur l'arbre donné en annexe 2 les données de l'énoncé.
On pourra compléter l'arbre avec les réponses obtenues dans les questions suivantes.
- 2) a) Calculer la probabilité que le client demande des framboises sachant qu'il achète une barquette de fruits à confiture.
b) Le client achète une barquette de fruits à déguster ; quelle est la probabilité qu'il demande des myrtilles ?
- 3) Montrer que la probabilité que le client achète une barquette de framboises est égale à 0,24.
- 4) Le client achète une barquette de framboises. Quelle est la probabilité que ce soit une barquette de fruits à confiture ?
- 5) Le producteur vend 5 euros la barquette de fruits à confiture, quel que soit le fruit, 2 euros la barquette de framboises à déguster et 3 euros la barquette de myrtilles à déguster.
a) On note x_i les valeurs possibles, en euros, du gain du producteur par barquette vendue et p_i leur probabilité. Recopier et compléter le tableau suivant donnant la loi du gain du producteur par barquette vendue. On justifiera les réponses.

Valeur : x_i	5	2	3
Probabilité associée : p_i			

- b) Calculer l'espérance de cette loi de probabilité.
- c) Déterminer le gain en euros que le producteur peut espérer pour 150 barquettes vendues ?

Annexe 2
(à rendre avec la copie)

EXERCICE 4

