# BACCALAURÉAT GÉNÉRAL SÉRIE SCIENTIFIQUE

# ÉPREUVE DE SCIENCES DE L'INGÉNIEUR Session 2016



# Fauteuil roulant à assistance électrique



# Corrigé

# 1 Analyse du besoin, réponse au besoin.

**Q1** Le fauteuil à assistance électrique est proposé à monsieur M. pour les raisons suivantes :

- Il doit pouvoir se déplacer de façon autonome ;
- ses jambes ne peuvent pas supporter son poids, la fonction verticalisateur n'est donc pas nécessaire ;
- il doit stimuler ses fonctions musculaires, un fauteuil tout électrique ne convient donc pas ;
- il ne peut exercer qu'un faible effort pour se mouvoir, ce qui exclut un fauteuil manuel.

Q2 Le fauteuil à assistance électrique émotion M15 de la société Invacare :

- demande peu d'effort physique de la part de l'utilisateur pour se mouvoir tout en stimulant ses fonctions musculaires, c'est le cas de monsieur M.;
- permet d'avoir un rayon d'action suffisamment important pour les sorties extérieures de monsieur M.

# 2 Analyse fonctionnelle

Q3 FT12 : capteur de force.

FT21: moteur électrique.

FT22: roue.

Q4 Si les moteurs fournissent un couple trop important, le fauteuil risque soit de basculer en arrière, soit de patiner. Le basculement du fauteuil peut entrainer une

chute du patient. Le patinage des roues peut entrainer une perte de contrôle du fauteuil et ainsi un risque de collision avec des passants en extérieur ou des meubles en intérieur.

Un système de béquille anti bascule est fourni et le niveau d'assistance est réglable par la télécommande.

### 3 Paramètres de réglages de l'assistance

**Q5** Assistance à la force physique (couple de rotation qui doit être mis à la disposition de l'utilisateur)

**Q6** En B, le contact disparait lors du basculement. À la limite du basculement l'action est donc nulle  $(B_y = 0)$ .

Par la 2<sup>nde</sup> équation on déduit  $A_v = m_{S'}q = 65 \times 9.81 = 638 \text{ N}$ ,

et par la troisième  $A_x = A_{v'}x_G/y_G = 638 \times 194/643 = 192 \text{ N}$ 

**Q7** l'équation des moments du principe fondamental de la dynamique donne :  $A_x \cdot R_{roue} - C_{moteur} - F_{main} \cdot R_{main} = J \cdot \dot{\omega}$ . L'inertie étant faible, on peut négliger le terme  $J \cdot \dot{\omega}$ . Ainsi, en isolant  $C_{moteur}$ , on obtient la relation proposée :

$$C_{moteur} = A_x \cdot R_{roue} - F_{main} \cdot R_{main}$$

**Q8** F vaut 15 N et à la question Q6,  $A_x \le 192$  N donc

$$C_{moteur\ maxi} = 192 \times 0.320 - 15 \times 0.250 = 57.7\ \text{N·m}$$

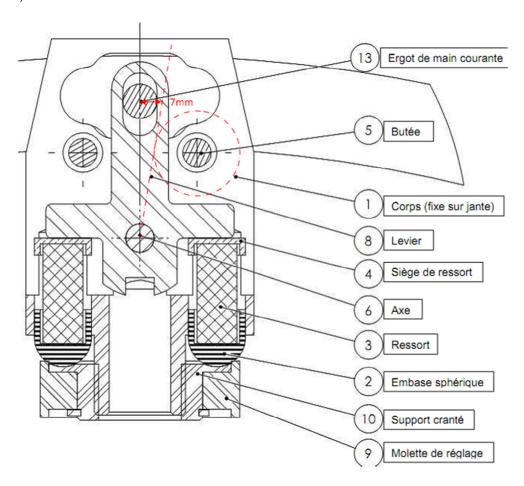
**Q9** Dans certains cas, la valeur du couple limite diminue et pourrait être plus petite que 30 N·m :

- dans le cas où le fauteuil avance en montée, les valeurs de  $x_G$  et  $y_G$  sont alors modifiés par l'inclinaison de la pente ;
- dans le cas où l'utilisateur exerce une force  $F_{main}$  bien supérieure à 15 N·m;
- et dans le cas où l'utilisateur est bien plus léger.

Il faut alors limiter le couple et/ou utiliser le système anti bascule.

### 4 Réglage manuel du capteur

**Q10** En position extrème, la distance d entre l'axe du levier et l'axe de la butée est la somme du rayon de la butée  $R_{butée}$  et de la demi largeur du levier. L'axe du levier se retrouve tangent au cercle de centre celui de l'axe de la butée et de rayon d. Une fois la position de l'axe tracée, on mesure sur l'horizontale  $\Delta x_{maxi}$ . Ici 7 mm à l'échelle 2 donc 3,5 mm en réalité.



**Q11** La main courante se déplace en rotation autour de l'axe de la roue. Les points  $E_i$  et D se déplacent sur un cercle de rayon celui de la main courante. Leurs déplacements sont donc identiques (en longueur).

Q12 Au point O, l'équation des moments donne :

$$F_{capteur} \cdot R_{main} - F_{main} \cdot R_{main} + 3 \cdot F_{lamelle} \cdot R_{main} = J \cdot \dot{\omega}$$

L'inertie de la roue est négligeable donc l'équation devient :

$$F_{capteur} \cdot R_{main} - F_{main} \cdot R_{main} + 3 \cdot F_{lamelle} \cdot R_{main} = 0$$

En divisant par le rayon on obtient :

$$F_{capteur} - F_{main} + 3 \cdot F_{lamelle} = 0$$

Et, en isolant  $F_{capteur}$  on obtient la relation proposée :  $F_{capteur} = F_{main} - 3 \cdot F_{lamelle}$ .

**Q13** La lamelle est encastrée d'un coté et libre de l'autre. L'effort est concentré sur l'extrémité libre. Le modèle est le  $3^{\text{ème}}$ . Pour ce modèle  $f = \frac{F \cdot L^3}{3 \cdot E \cdot I_{Gz}}$  donc la raideur est

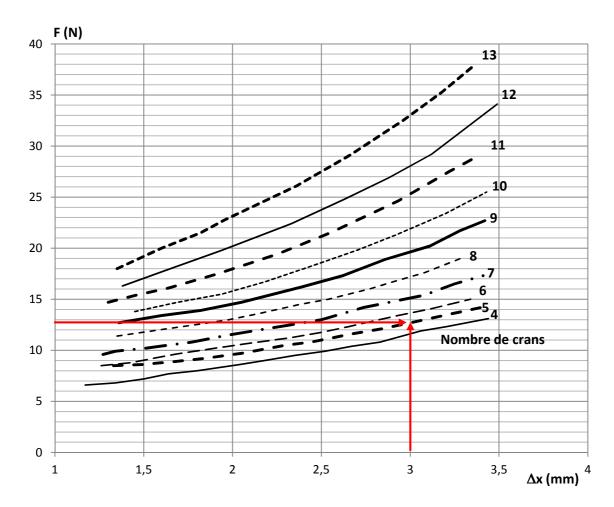
$$K = \frac{3 \cdot E \cdot I_{Gz}}{L^3} = \frac{3.2 \times 10^{11} \cdot 9.6 \times 10^{-14}}{0.06^3} = 267 \text{ N} \cdot \text{m}^{-1}.$$

Si la flèche est de 3 mm alors l'effort encaissé par une lamelle est :

$$F_{lamelle} = 267 \times 0,003 = 0.8 \text{ N}$$

**Q14** D'après la relation de Q12, 
$$F_{capteur} = 15 - 3 \times 0.8 = 12.6$$
 N

Sur les courbes d'essai, il faut choisir le réglage qui permet d'obtenir au moins 12,6 N lorsque  $\Delta x = 3$  mm. Ici le réglage est le 5. Avec le réglage 4, le levier arrivera en butée avant 12,6 N et avec le réglage 6, le levier ne parcourra pas toute la plage autorisée.



**Q15** Ce réglage permet d'adapter la plage de mesure du capteur à l'effort que peut produire l'utilisateur. Si l'utilisateur améliore ses performances alors il faudra passer à un réglage plus élevé que le 5 car l'effort sur le capteur sera supérieur à 12,6 N.

# 5 Élaboration de la loi de commande de l'actionneur électrique

Q16 Voir DR2.

**Q17**  $V_{CO} = 2.5 \text{ V}$  pour un effort nul,  $F_{seuil} = 6.7 \text{ N}$ , et  $V_{Cmax} = 4 \text{ V}$  pour l'effort maxi (12,6 N).

**Q18** Voir DR2. La fonction nécessaire en entrée du microcontrôleur est : « convertir une information analogique en information numérique ».

**Q19** 
$$q = \frac{Vmax}{2^{n}-1} = \frac{5}{2^{10}-1}$$
  $q = 4.88 \times 10^{-3} \text{ V}$ 

et 
$$V_{CO} = 2,5 \text{ V donc } NV_{CO} = V_{CO}/q = 2,5/4,88 \times 10^{-3}$$
  $NV_{CO} = 512$   $V_{Cmax} = 4 \text{ V } NV_{CMAX} = V_{Cmax}/q = 4/4,88 \times 10^{-3}$   $NV_{CMAX} = 819$ 

**Q20** Lorsque monsieur M. exerce un effort de 15 N, d'après la question Q12, le capteur supporte un effort de 12,6 N. Avec le réglage 5 du capteur, le seuil est de 6,7 N, et donc  $F_{capteur} - F_{seuil} = 5,9$  N. La lecture du graphe de la figure 11 indique alors un couple d'assistance de 15 N·m.

**Q21** On veut un temps de démarrage de  $0.5 \, \text{s}$ , avec des paliers de  $10 \, \text{ms}$ , il faut donc  $Np_{\text{dem}} = 0.5/0.01 \, \text{soit} \, 50 \, \text{paliers}$ .

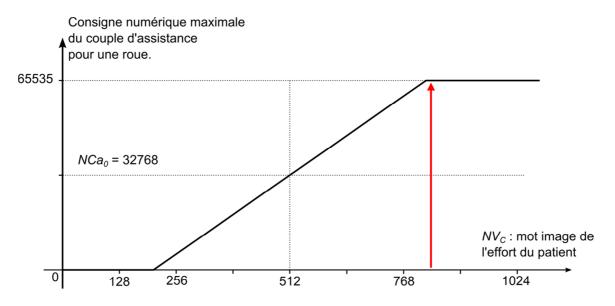


Figure 13 : consigne numérique maximale du couple d'assistance pour une roue Pour  $NV_{CMAX} = 819$ ,  $NC_{AMAX} = 65535$ L'amplitude d'un palier est  $A_P = (65535-32768)/50 = 655$ 

Q22 Voir DR3

# 6 Vérification de l'autonomie du fauteuil sur un terrain plat selon la norme en vigueur, analyse des écarts entre le modèle simulé et le cahier des charges

Q23 Voir DR4.

Q24 La vitesse moyenne est d'environ 5,9 km/h.

**Q25** Voir DR5. Angle de rotation roue pour 1 cycle :  $\theta_{\text{cycle}} = 23 \text{ rad.}$  Pour 1 cycle, la distance parcourue est  $d_{\text{cycle}} = \theta_{\text{cycle}} \times r_{\text{roue}} = 23 \times 0.32 = 7.36 \text{ m.}$ 

**Q26** Charge électrique pour un cycle :  $E_{cycle} = 1.8 \text{ mA} \cdot \text{h} = 1.8 \text{x} \cdot 10^{-3} \text{ A} \cdot \text{h}$ .

**Q27** Portée du fauteuil : 
$$D = \frac{Cbat}{Ecycle} \times dcycle = \frac{6}{1,8 \times 10^{-3}} \times 7,36$$

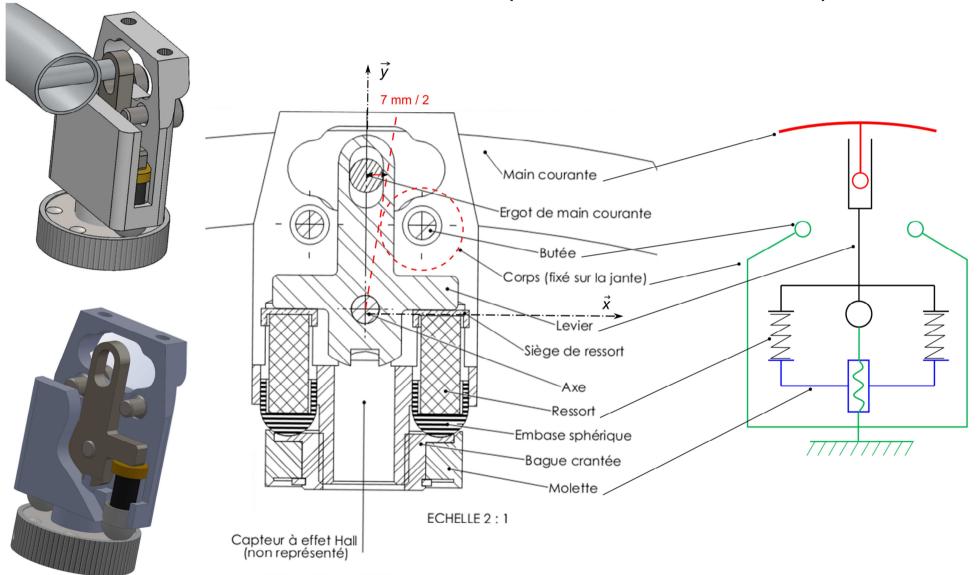
D = 24533 m

La portée simulée est de 24533 m pour une donnée constructeur de 25000 m. L'écart est très faible (< 2 %) et valide la donnée constructeur.

#### 7 Conclusion

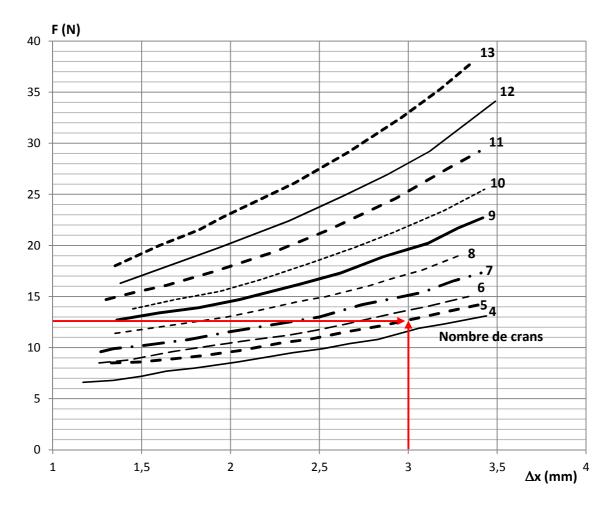
**Q28** Les réglages effectués, adaptent les capteurs aux performances de monsieur M. Cela lui permet d'utiliser son fauteuil en toute sécurité et avec confort sur une distance de près de 25 km. Il peut donc « parcourir à l'extérieur des distances assez importantes dans les rues de sa ville ».

#### Dessin du capteur d'effort fixé sur la roue et actionné par la main courante



Page 8 sur 12

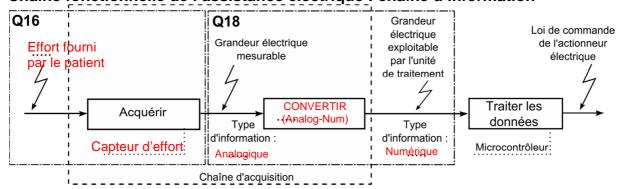
Courbes d'essai mécanique du capteur de force en fonction du réglage de sa molette crantée.



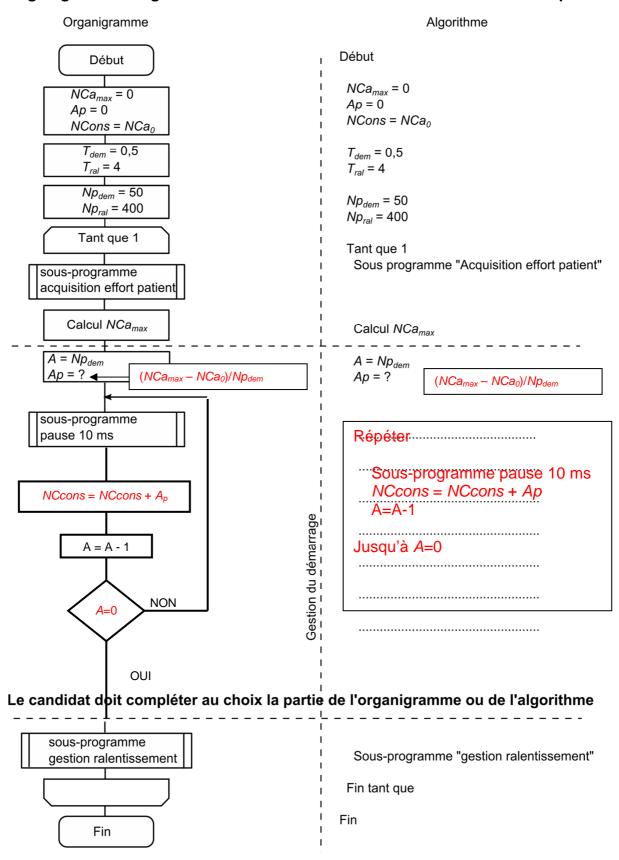
#### Protocole d'essai utilisé :

- le capteur est monté sur une machine de traction.
- la force de traction F est perpendiculaire au levier (au repos). La mesure de F a une précision de 0,1N.
- le déplacement ∆x est mesuré au point d'application de la force et dans la direction perpendiculaire au levier (au repos). Sa précision est de 0,01mm

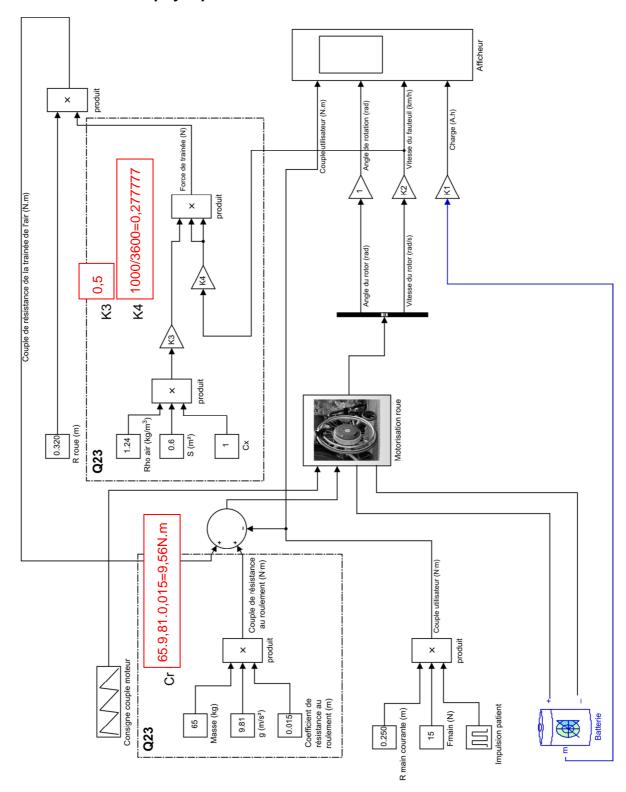
#### Chaîne fonctionnelle de l'assistance électrique : chaîne d'information



#### Organigramme de gestion de la loi de commande de l'actionneur électrique.



# Modélisation multi-physique



#### Résultat de la simulation du fonctionnement du fauteuil sur sol plat

